САМОПОДДЕРЖИВАЮЩИЕСЯ МЕХАНО-РЕАКЦИОННЫЕ ФРОНТЫ. ОСНОВНЫЕ ПРИНЦИПЫ ПРОСТРАНСТВЕННОЙ ОРГАНИЗАЦИИ ТВЕРДОФАЗНЫХ ХИМИЧЕСКИХ РЕАКЦИЙ, СОПРОВОЖДАЮЩИХСЯ РАЗРУШЕНИЕМ

С.А. Чижик*, А.А. Сидельников, А.А. Матвиенко

Институт химии твердого тела и механохимии СО РАН, *<u>stas@solid.nsc.ru</u>

Природа отличий реакций с участием твердых веществ



• Механические напряжения

Макрокинетика!

Реакции в лабораторных условиях





Классическая химическая кинетика

$$\frac{dC_i}{dt} = F(C_1, \dots, C_N)$$

Набор характерных временных масштабов t_i понятие о лимитирующей стадии

Реакции в промышленных условиях



Макрокинетика (Франк-Каменецкий)

$$\frac{dC_i}{dt} = \operatorname{div}\left(D_{ij} \operatorname{grad} C_j\right) + F_i\left(C_1, \dots, C_N\right)$$

Набор характерных пространственных и временных масштабов h_i и t_i



Макрокинетика, синергетика, диссипативные структуры...

$$\frac{dC_i}{dt} = \operatorname{div}\left(D_{ij} \operatorname{grad} C_j\right) + F_i\left(C_1, \dots, C_N\right)$$

- При наличии каталитических стадий или обратных связей между различными компонентами и величинами скоростей процессов функция источника имеет нелинейный вид
- Нелинейность функции источника может приводить к возникновению устойчивых пространственно неоднородных состояний системы – диссипативных структур

```
статические структуры – биологический морфогенез
```

автоволны (Р.В. Хохлов) – горение, автоколебательные реакции, распространение нервных импульсов, химическая сигнализация в колониях живых организмов



Твердофазная реакция как макрокинетический процесс с обратными связями



Твердофазная реакция как макрокинетический процесс с обратными связями



Взгляд на твердофазную реакцию как на объект исследований синергетики

Твердофазная реакция = химические стадии + сопутствующие процессы + обратные связи

Самоорганизующийся неравновесный физикохимический процесс

Реакционная зона твердофазной реакции



Диссипативная структура неравновесного процесса

Скорость превращения и морфология конечного продукта



Стационарные характеристики диссипативного процесса

12

Основной вид обратной связи для твердофазных реакций



Причины возникновения механических напряжений в результате твердофазных реакций

Структурные напряжения - несоответствие параметров структуры.



Дилатационные напряжения несоответствие объема, приходящегося на один узел решетки.

15



Роль механических явлений в твердофазных реакциях



Механизмы релаксации механических напряжений



Обратная связь между реакцией и разрушением



Реакция термического разложения АВ(тв)→А(тв) + В(газ)

Реакция на поверхности Образование вакансионной структуры Рост напряжений в поверхностном слое Критическое напряженное состояние

Реакция термического разложения АВ(тв)→А(тв) + В(газ)

Образование трещины Релаксация напряжений Ускорение реакции

Реакция термического разложения АВ(тв)→А(тв) + В(газ)



Образование совместного фронта реакции и разрушения – механо-реакционного фронта.

Самосогласованная задача о диффузии, напряжениях и разрушении



Геометрия трещин?





Редукция задачи к рассмотрению стационарных автоволновых состояний с заданной формой границ





Полное макрокинетическое описание

Возможности редуцированного макрокинетического описания твердофазных реакций



Неупорядоченное разрушение

Варианты моделей фронтов в изотропном веществе с различной морфологией разрушения

> Истинный стационар. Проблема устойчивости.

Упорядоченное разрушение



Дегидратация стеклообразного гидрата силиката натрия

Экспериментальная геометрия разрушения в изотропном веществе

Морфология твердого продукта для случая однородного протекания твердофазной химической реакции в изотропной среде.



















Циклическая задача о диффузии, напряжениях и разрушении



Оценка масштаба разрушения

h₀ – минимально возможный блок дробления вычисляется из закона сохранения энергии: работа, затраченная на образование поверхности трещины равна энергии упругих деформаций, высвобождаемой в результате образования трещины.



Реакция ионного обмена Na⁺ → Li⁺ в щелочно-силикатном стекле



Разрушение в реакционной зоне



Реакция ионного обмена в щелочно- силикатном стекле



Самоорганизация разрушения



Управление морфологией твердого продукта реакции

Состав реакционного расплава: $Li_{0.6}Cs_{0.4} Cl_{1-x}(NO_3)_x$









Природа самоорганизации разрушения при ионном обмене в стекле



Природа самоорганизации разрушения при ионном обмене в стекле



Диаграмма устойчивости упорядоченного механореакционного фронта



Эволюция упорядоченной структуры разрушения











Эволюция упорядоченной структуры разрушения


А что, если немного потравить? Непонятно, но здорово...





TM-1000_3281

2009.12.04

L D3.9 x1.2k 50 um

Влияние анизотропии

 Зависимость масштаба разрушения от ориентации фронта и ориентации трещины



 $h(\phi \text{ронт, трещина}) = rac{\gamma(opuentaцus тpещины)}{\Delta W(opuentaцus \phiponta, opuentaцus тpещины)}$

- 2. Зависимость скорости фронта от его ориентации
- $V(\phi poht) \sim \frac{D(opuentaция \phi pohta)}{h_{\scriptscriptstyle {
 m MUHUMYM}}}$

- 3. Возможность неустойчивости плоского фронта
- Возможность устойчивости трещин первого типа к повороту



Влияние анизотропии на масштаб разрушения

BaC₂O₄ ·H₂C₂O₄ ·2H₂O ≒ α- BaC₂O₄ ·H₂C₂O₄ + 2H₂O(г) вакуум (P~10⁻² Па), T< 323 К



Кислый оксалат бария дигидрат C2/c, a=14.45 A, b=5.4 A, c=12.45 A, β=116°

Безводная вакансионная структура C2/c, a=15.39 A, b=4.88 A, c=12.36 A, β=118.8°

$$\varepsilon = \begin{bmatrix} 0.106 & 0 & 0 \\ 0 & 0.032 & 0 \\ 0 & 0 & -0.062 \end{bmatrix}$$

Эллипсоид деформации



a

b







Зависимость скорости реакции от габитуса кристалла

Скорость фронта реакции:

 $V \sim D/h$,

где *D* – коэффициент диффузии молекул воды в вакансионной структуре ; *h* – масштаб разрушения.

$$\begin{array}{l} h_{(100)} < h_{(110)} \\ V_{(100)} > V_{(110)} \end{array}$$

T=50°С, 130 мкм кристаллы α Призматические (40 % {110}) 0.75 0.5 Игольчатые (70 % {110}) 0.25 0 10 20 30 40 время, мин. Кинетические данные из : J.C.Mutin, G. Watelle J. of Solid State Chem. 28 (1979), 1-12.

Преобладающая морфология разрушения внутри кристалла



49

Неустойчивость плоского фронта

Зависимость скорости фронта от его кристаллографической ориентации



Морфологическая неустойчивость поверхности фронта (аналогично росту дендритов)

Структурирование поверхности фронта / локальные отклонения ориентации фронта от среднего направления

Стационарная геометрия поверхности фронта после объединения фигур роста («зародышей»)

Дегидратация оксалата калия



TM-1000_0376

L D2.3 x150 500 um

Дегидратация сульфата никеля



TM-1000_0103

D3.7 x180 500 um

Структурированная форма поверхности фронта воспроизводится. Плоский фронт был бы неустойчивым.

Реакция дегидратации CuCl₂*2(H₂O)



Поверхность (110) $CuCl_2*2(H_2O)$

Реакция протекает однородно по всей поверхности с самого начала.

Реакция дегидратации $CuCl_2*2(H_2O)$

Вакуум, 30 °C, 3 часа





Фронт реакции и разрушения однородно продвигается вглубь в течение первых 3 часов. Скорость 1 мкм/час

Внешняя Поверхность грань скола (110)(001)30.0kV 6.3mm x10.0k SE

Реакция дегидратации CuCl2*2(H2O)

Реакция дегидратации CuCl2*2(H2O)

Вакуум, 30 °C, 3 часа



Продукт однородно разрушен на частицы 100-200 нм Видны начальные признаки неустойчивости

Реакция дегидратации CuCl2*2(H2O)

Вакуум, 30 °С, 7 часов



После первого этапа фронт поменял структуру и ускорился в ~8 раз

Морфология фронта реакции дегидратации CuCl₂ 2H₂O





Фронт – система острых (15-20 градусов) клинообразных выступов вдоль оси b. Вершины клиньев – вершины магистральных трещин. Расстояние между выступами ~ 1 мкм. Размер частиц ~ 100 нм соответствует S_{уд} 13 м²/г. Поверхность магистральных трещин – плоскость (100)

Дифракция на продукте дегидратации CuCl₂x2H₂O



Размер частиц по БЭТ ~80nm

Дифракция на продукте дегидратации CuCl₂x2H₂O



Дифракция на продукте дегидратации CuCl₂x2H₂O

Анализ профиля в РМ2К



Продукт высоко текстурирован!





Электронная дифракция на продукте реакции

Дифракция на продукте дегидратации CuCl₂x2H₂O

Структурная стадия дегидратации CuCl₂x2H₂O

CuCl₂x2H₂O



Pbmn

dV/V=-41%





Структурная стадия дегидратации CuCl₂x2H₂O





$$e0 := \begin{pmatrix} 0.371 & 0 & 0 \\ 0 & 0.119 & 0 \\ 0 & 0 & -0.057 \end{pmatrix}$$

Дифракция на продукте дегидратации CuCl₂x2H₂O

Монокристальный дифрактометр



Все рефлексы соответствуют предсказанным вариантам ориентационных соответствий.

Преобладают ориентации I и II

Угол между направлениями двойников 84 градуса – двойники не граничат друг с другом, т.е. пространственно разнесены (иначе угол был бы 64 градуса)

Размер ОКР по уширению рефлексов ~7 нм

Продукт реакции имеет слоистую структуру, близкую к гексагональному CdCl₂. Механические свойства можно приблизительно описать трансверсально-изотропной моделью.

Используем тензор упругости CdCl₂ (условные единицы относительно C₁₁ ~40GPa)

$$\mathbf{C} = \begin{pmatrix} 1 & 0.5 & 0.2 & 0 & 0 & 0 \\ 0.5 & 1 & 0.2 & 0 & 0 & 0 \\ 0.2 & 0.2 & 0.2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0.1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0.25 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{S} = \begin{pmatrix} 1.455 & -0.545 & -0.909 & 0 & 0 & 0 \\ -0.545 & 1.455 & -0.909 & 0 & 0 & 0 \\ -0.909 & -0.909 & 6.818 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 10 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 10 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

Обратный ему тензор податливости



Эффективный тензор упругости материала из двойников двух ориентаций, взятых в неком соотношении (усреднение по Хиллу), приведенный к локальной ориентации фронта

$$C_{\text{eff}}\left(x,\theta\right) = \frac{1}{2} \left(xC(\theta_1) + (1-x)C(\theta_2)\right) + \frac{1}{2} \left(xS(\theta_1) + (1-x)S(\theta_2)\right)^{-1}$$
$$C_{ijkl}\left(\theta\right) = R_{ip}R_{jq}R_{kr}R_{ls}C_{pqrs}\left(0\right)$$

R – операция поворота, θ – углы поворота двойников относительно фронта реакции, х – доля двойников I

Усредненный тензор деформации, вызываемой превращением

$$\varepsilon(x,\theta) = \frac{1}{2} \left(xR(\theta_1)e0R(-\theta_1) + (1-x)R(\theta_2)e0R(-\theta_2) \right)$$

Средние напряжения в реакционной зоне

$$\sigma(x,\theta) = C_{eff}(x,\theta) \left(\varepsilon(x,\theta) + \varepsilon_{relax} \right)$$

Неизвестная деформация ε_{relax}, определяется из граничных условий на свободной поверхности фронта

$$\sigma_{ij}n_j=0$$

Соотношение между количеством двойников определяется по условию минимума упругой энергии

$$W_{opt}(\theta) = \min_{x} (W(x,\theta))$$
$$W(x,\theta) = \frac{1}{2} \sum \sigma_{ij}(x,\theta) \varepsilon_{ij}(x,\theta)$$

Характерный масштаб разрушения и скорость фронта определяются соотношениями

$$h(\theta) \sim \gamma / W_{opt}(\theta)$$
$$V(\theta) \sim D / h(\theta) \sim D W_{opt}(\theta) / \gamma$$



Энергетически выгодно если двойники различной ориентации располагаются преимущественно по разные стороны от магистральной трещины. Составы вплоть до 20/80 возможно благодаря незначительному повышению энергии.

Преимущественная ориентация двойников по разные стороны клина

Слева – двойники II

(+немного двойников I





I & II перед вершиной



Справа – двойники I (+ немного двойников II





Скорость движения вершины магистральной трещины определяется плотностью энергии деформаций *W*₀ в области ее вершины

$$V_0 \sim \frac{DW_0}{\gamma}$$

Скорости движения наклонных участков фронта и скорость магистральной трещины должны быть кинематически согласованны



В вершине магистральной трещины соотношение между двойниками 1:1. Свободной поверхности нет, то есть ε_{relax}=0.

Энергия деформаций достигает максимума

$$W_0 = \frac{1}{2}\sigma_{ij}\left(x = 0.5, \theta = \frac{\pi}{2}\right)\varepsilon_{ij}\left(x = 0.5, \theta = \frac{\pi}{2}\right)$$



Выбранные соотношения между модулями упругости соответствуют стабильному углу клина ~20 градусов и ускорению фронта после перестройки его морфологии в ~10 раз.

Среднее расстояние между магистральными трещинами L связано с зависимостью их скорости от L.

Скорость магистральных трещин асимптотически приближается к максимуму V₀ при L~10х(внутренний масштаб разрушения). Следовательно L~10х100 nm = 1 mkm



На расстоянии порядка L трещины практически перестают значительно опережать друг друга (или отставать) При термическом разложении твердый продукт образуется, в виде так называемой псевдоморфозы – пористого компактного образования, сохраняющего геометрические размеры и форму частицы исходного реагента. Псевдоморфоза содержит внутри себя долю пустоты равную изменению мольных объемов ΔV/V между исходным реагентом и конечным продуктом .

Исходные кристаллы SnC_2O_4



SnO_2 - продукт термического разложения SnC_2O_4 ($\Delta V/V \sim 60\%$)



Частицы продукта для топотаксиальной твердофазной реакции были когерентно связаны с матрицей и после откола они сохраняют исходную ориентацию, а перешейки связывают выделения между собой в единое целое, придавая конечному продукту механические свойства.




Псевдоморфоза должна состоять из ориентированных частиц близкого размера и формы, соединенных перешейками и представлять собой структурно организованную среду.

Следует ожидать существования ближнего порядка укладки частиц. Очень вероятно наличие, как в жидких кристаллах, дальнего ориентационного порядка в расположении частиц твердого продукта.

Какое свойство жидких кристаллов самое удивительное? Наличие оптической анизотропии.



Псевдоморфоза, полученная дегидратацией монокристалла $CuSO_4 \cdot 5H_2O$ в поляризованном свете. Удельная поверхность псевдоморфозы 79м²/г. Объемная усадка при реакции $\Delta V/V = 46\%$.

$CuSO_4{\cdot}5H_2O \rightarrow CuSO_4{\cdot}H_2O + 4H_2O$

Псевдоморфоза CuSO₄·H₂O в положении погасания (поляризованный свет)

Псевдоморфоза CuSO₄·H₂O выведена из положении погасания (поляризованный свет)



Псевдоморфоза как суперпаракристалл

$CuSO_4 \cdot 5H_2O \rightarrow CuSO_4 \cdot H_2O + 4H_2O$

Малоугловое рассеяние X-ray от псевдоморфозы, полученной дегидратацией монокристалла **CuSO₄·5H₂O,** обладает угловой анизотропией и подтверждает наличие частиц пластинчатой формы толщиной ~ 8 нм и длиной ~ 100нм, указывает на их взаимно упорядоченное расположение в псевдоморфозе.





83

đ

×

$SnC_2O_4 + O_2 \rightarrow SnO_2 + 2CO_2$



Псевдоморфоза выведена из положения погасания (поляризованный свет)



Псевдоморфоза в положении погасания (поляризованный свет)



 дифракция X-ray соответствует нанокристаллическому SnO₂ с размером областей когерентного рассеяния около 4 нм

$SnC_2O_4 + O_2 \rightarrow SnO_2 + 2CO_2$





по данным ПЭМ, нанокристаллы SnO₂ образуют упорядоченные ленты с поперечными размерами 3-4 нм;

$SnC_2O_4 + O_2 \rightarrow SnO_2 + 2CO_2$



$4FeC_2O_4 + 3O_2 \rightarrow 2Fe_2O_3 + 8CO_2$

- При окислительном термолизе оксалата железа образуется псевдоморфоза, обладающая оптической анизотропией;
- удельная поверхность по методу БЭТ – 300 - 400 м²/г, теоретическая пористость ΔV/V ~ 80%;





 дифракция X-ray соответствует α-Fe₂O₃ с очень широкими рефлексами

$4FeC_2O_4 + 3O_2 \rightarrow 2Fe_2O_3 + 8CO_2$

 по данным просвечивающей электронной микроскопии, нанокристаллы α-Fe₂O₃ образуют упорядоченные ленты с поперечными размерами 2-3 нм;



 высокая упорядоченность частиц α-Fe₂O₃ в псевдоморфозе продукта разложения подтверждается наличием монокристаллической картины микродифракции электронов;



Методы изучения механо-реакционных фронтов

- Изучение распространения фронта (кинетика превращения). Гравиметрия, микроскопия. Изучение геометрии и скорости фронта.
- 2. Определение пористости и удельной площади поверхности псевдоморфозы.
- 3. Определение фазового состава и дефектности кристаллической структуры продукта превращения (порошковая дифракция, химический анализ).
- 4. Изучение малоуглового рассеяния. Моделирование строения псевдоморфозы (модель суперпаракристалла).
- 5. Установление ориентационных соответствий (монокристальные дифракционные методы, полюсные фигуры)
- 6. Расчет тензора деформации, вызываемой превращением.
- 7. Построение математической модели механо-реакционного фронта, учитывающей всевозможные эффекты анизотропии.